

Soit $P(x) = x^3 + 2x^2 - 5x + \alpha$ avec $\alpha \in \mathbb{R}$ et $Q(x) = 2x^2 + 9x + 9$

1) Déterminer α pour que (-3) soit une racine de P

$$\begin{aligned} -3 \text{ une racine de } P &\Leftrightarrow P(-3) = 0 \\ &\Leftrightarrow (-3)^3 + 2(-3)^2 - 5(-3) + \alpha = 0 \\ &\Leftrightarrow -27 + 18 + 15 + \alpha = 0 \\ &\Leftrightarrow 6 + \alpha = 0 \\ &\Leftrightarrow \alpha = -6 \end{aligned}$$

Soit $P(x) = x^3 + 2x^2 - 5x + \alpha$ avec $\alpha \in \mathbb{R}$ et $Q(x) = 2x^2 + 9x + 9$

1) Déterminer α pour que (-3) soit une racine de P

Dans toute la suite on prend $\alpha = -6$

2) a) Déterminer les réels a, b et c tels que $P(x) = (x+3)(ax^2 + bx + c)$

b) résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $P(x) = 0$

c) résoudre dans \mathbb{R} : $|P(x)| + P(x) = 0$

3) Résoudre $Q(x) = 0$ puis factoriser $Q(x)$

$$P(x) = (x+3)(x^2 - x - 2)$$

Dans toute la suite on prend $\alpha = -6$

2) a) Déterminer les réels a, b et c tels que $P(x) = (x+3)(ax^2 + bx + c)$

b) résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $P(x) = 0$ | $P(x) = (x+3)(x^2 - x - 2)$

c) résoudre dans \mathbb{R} : $|P(x)| + P(x) = 0$

3) Résoudre $Q(x) = 0$ puis factoriser $Q(x)$ | soit $P(x) = x^3 + 2x^2 - 5x + \alpha$

$$\begin{aligned} 2) b) P(x) = 0 &\Leftrightarrow (x+3)(x^2 - x - 2) = 0 \\ x+3 = 0 &\text{ ou } x^2 - x - 2 = 0 \\ x = -3 &\text{ ou } x = -1 \text{ ou } x = 2 \end{aligned}$$

$$S_{\mathbb{R}} = \{-3, -1, 2\}$$

$$\begin{aligned} x^2 - x - 2 &= 0 \\ a = 1 \quad b = -1 \quad c = -2 \\ a - b + c &= 0 \\ x = -1 \text{ ou } x = \frac{-c}{a} = 2 \end{aligned}$$

$$P(x) = x^3 + 2x^2 - 5x - 6$$

$$(x+3)(ax^2 + bx + c)$$

$$= ax^3 + bx^2 + cx + 3ax^2 + 3bx + 3c$$

$$= ax^3 + (b+3a)x^2 + (c+3b)x + 3c$$

par identification

$$\begin{cases} a = 1 \\ b + 3a = 2 \\ c + 3b = -5 \\ 3c = -6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} a = 1 \\ b = -1 \\ c = -2 \end{cases}$$



في دارك... اتمنوني على قرابتة اصغارك

$$P(x) = (x+3)(x^2 - x - 2)$$

2) a)

b) résoudre dans \mathbb{R} l'équation : $P(x) = 0$

c) résoudre dans \mathbb{R} : $|P(x)| + P(x) = 0$

3) Résoudre $Q(x) = 0$ puis factoriser $Q(x)$

$$c) |P(x)| + P(x) = 0 \Leftrightarrow |P(x)| = -P(x)$$

$$\Leftrightarrow P(x) \leq 0$$

$$S_{\mathbb{R}} =]-\infty, -3] \cup [-1, 2]$$

x	-∞	-3	-1	2	∞
$x^2 - x - 2$		+	+	0	+
$(x+3)$		-	0	+	+
$P(x)$		-	0	0	+

$$|x| = \begin{cases} x & \text{si } x \geq 0 \\ -x & \text{si } x < 0 \end{cases}$$

3) Résoudre $Q(x) = 0$ puis factoriser $Q(x)$

$$Q(x) = 2x^2 + 9x + 9$$

$$a = 2 \quad b = 9 \quad c = 9$$

$$\Delta = b^2 - 4ac = 9^2 - 4 \times 2 \times 9 = 9$$

$$x_1 = \frac{-b - \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-9 - 3}{4} = \frac{-12}{4} = -3$$

$$x_2 = \frac{-b + \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{-9 + 3}{4} = \frac{-6}{4} = -\frac{3}{2}$$

$$S_{\mathbb{R}} = \left\{ -3, -\frac{3}{2} \right\}$$

$$ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$$

$$Q(x) = 2(x+3)\left(x + \frac{3}{2}\right)$$

$$= (x+3)(2x+3)$$

4) Soit $R(x) = P(x) + Q(x)$

a) Montrer que $R(x) = (x+3)(x^2 + x + 1)$ et que l'équation : $R(x) = 0$ ne possède qu'une seule racine

$$P(x) = (x+3)(x^2 - x - 2)$$

$$Q = (x+3)(2x+3)$$

$$R(x) = (x+3)(x^2 - x - 2) + (x+3)(2x+3)$$

$$= (x+3)[x^2 - x - 2 + 2x + 3]$$

$$= (x+3)[x^2 + x + 1]$$

$$R(x) = 0 \Leftrightarrow (x+3)(x^2 + x + 1) = 0$$

\Leftrightarrow

$$x+3=0 \text{ ou } x^2 + x + 1 = 0$$

$$x = -3 \quad \left| \quad a=1 \quad b=1 \quad c=1 \right.$$

$$\Delta = 1 - 4 < 0 \quad (\text{imp})$$

$R(x) = 0$ ne possède qu'une seule solution



في دارك... إتهون على قرابتة إصغارك

Dans un repère orthonormé (O, \vec{i}, \vec{j}) on donne les points $A(2,2)$; $B(8,4)$; $C(4,-4)$ et $I(6,0)$

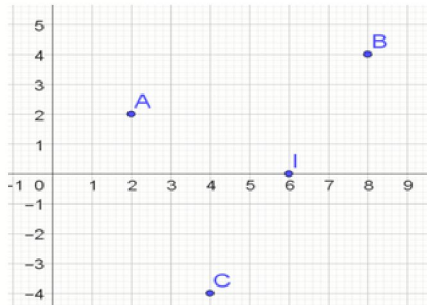
1) a) montrer que ABC est un triangle rectangle et isocèle en A

b) Vérifier que I est le milieu du segment $[BC]$

$$\vec{AB} \begin{pmatrix} 6 \\ 2 \end{pmatrix}, \vec{AC} \begin{pmatrix} 2 \\ -6 \end{pmatrix}$$

$$6 \times 2 + 2 \times (-6) = 0$$

$$\vec{AB} \perp \vec{AC}$$



$$\frac{x_B + x_C}{2} = \frac{8 + 4}{2} = 6 = x_I$$

$$\frac{y_B + y_C}{2} = \frac{4 + (-4)}{2} = 0 = y_I$$

milieu du segment $[BC]$

$$AB = \sqrt{6^2 + 2^2} = \sqrt{40}$$

$$AC = \sqrt{2^2 + 6^2} = \sqrt{40} \quad \left. \vphantom{AB} \right\} AB = AC$$

d'où ABC triangle rectangle et isocèle en A



في دارك... إتهون على قرابتة إصغارك

